

Selección Simple

1. Cual de las siguientes maneras es físicamente correcta para escribir una relación matemática

- a) $f(x) = \alpha x^2$
- b) $y = mlT^2$
- c) $x(t) = A^\mu \sin(b^\alpha + c^\omega)$
- d) Ninguna de las anteriores

2. Si una partícula α tiende a tener una trayectoria recta desde un punto b' a un punto b conociendo que su desplazamiento ocurre en $\Delta t > 0$ que va disminuyendo hasta que la velocidad de la partícula es 0 formando un triángulo rectángulo. La ecuación del área de dicho triángulo viene dada por la expresión

- a) $[A] = \frac{\Delta t(b')}{2}$
- b) $[A] = \frac{bh}{2}$
- c) $[A(t)] = \frac{[t_f(b')]}{2}$
- d) $[A] = \frac{[\overline{t_i t_f(b'b)}]}{2}$

3. Una piedrita que se mueve en trayectoria circular constantemente en un instante muy pequeño Δt logra barrer 90° del círculo de radio R con una velocidad que no varía en Δt . La expresión de la velocidad en función al desplazamiento angular de la piedrita es

a) $[v] = R[\Delta t^{-1}]$

b) $[v] = lt^{-1}$

c) Faltan datos

d) $[v] = R\left(\frac{\pi}{2}\right)[\Delta t^{-1}]$

4. Para mantener a un móvil que se mueve en círculo de radio R con una velocidad constante es necesario una fuerza llamada “fuerza centrípeta”. La expresión para dicha fuerza sería entonces

a) $[F] = m^\alpha v^\beta R^\lambda$

b) $[F] = R\left(\frac{D}{T}\right)[m]$

c) $[F] = mv^2$

d) $[F] = R^{-1}(v)^2[m]$

Desarrollo

1. Un hito importante en la evolución de la física justo después del Big Bang, es el tiempo de Planck (T_p) cuyo valor depende de tres constantes fundamentales, la velocidad de la luz $c = 3,00 \times 10^8 \text{ m/s}$. La constante gravitacional de Newton $g = 6,67 \times 10^{-11} \text{ m}^3/\text{s}^2 \cdot \text{Kg}$ y la constante de Planck $h = 6,63 \times 10^{-34} \text{ Kg} \cdot \text{m}^2/\text{s}$. En base a un análisis dimensional obtenga:

a) La expresión del tiempo de Planck

b) El valor de la constante T_p

2. En un laboratorio en Texas un grupo de jóvenes experimentan acerca del principio de la conservación de la energía. Para ello toman una masita m y la dejan caer de una rampa de altura h . Cuando esta llega al punto 0 mediante a una computadora los estudiantes se dan cuenta que a pesar de haber perdido toda la altura en una posición S' esta continuo moviéndose y con igual velocidad debido a otra energía distinto a la que tenia al inicio. Al recorrer algunos centímetros la masita se detuvo. Deduzca entonces

a) la ecuación de la energía presente en el punto h de la rampa

Respuestas selección

<i>1</i>	<i>2</i>	<i>3</i>	<i>4</i>
c	a	d	d

Respuestas desarrollo

$$g = 6,67 \times 10^{-11} \frac{m^3}{s^2} \cdot Kg \cong l^3 T^{-2} m^{-1} \quad c = 3,00 \times 10^8 \frac{m}{s} \cong l T^{-1}$$

$$h = 6,63 \times 10^{-34} Kg \cdot \frac{m^2}{s} \cong m^1 l^2 T^{-1}$$

$$A) T_p \propto c^i g^j h^k$$

$$[T_p] = (l T^{-1})^i (l^3 T^{-2} m^{-1})^j (m l^2 T^{-1})^k$$

$$[T_p] = l^i T^{-1i} + l^{3j} T^{-2j} m^{-1j} + m^k l^{2k} T^{-1k}$$

$$\begin{cases} 0 = i + 3j + 2k \\ 1 = -i - 2j - k \\ 0 = -1 + k \end{cases}$$

$$[T_p] = l^{i+3j+2k} T^{-1i-2j-1k} m^{-1j+k}$$

$$i = -\frac{5}{2} \quad j = \frac{1}{2} \quad k = \frac{1}{2}$$

$$T_p \propto c^{-5/2} g^{1/2} h^{1/2}$$

$$T_p = \sqrt{\frac{gh}{c^5}}$$

$$b) T_p = \sqrt{\frac{gh}{c^5}} \leftrightarrow \sqrt{\frac{(6,67 \times 10^{-11} \frac{m^3}{s^2} \cdot Kg)(6,63 \times 10^{-34} Kg \frac{m^2}{s})}{(3,00 \times 10^8 \frac{m}{s})^5}} \cong 1,35 \times 10^{-43} s$$

$$m = Kg \cong m^1$$

$$h = l \cong l^1$$

$$s' = l \cong l^1$$

$$a) E_h \propto m^\beta \eta^n a^\gamma$$

$$a = DT^{-2} \cong \text{aceleración de la gravedad}$$

$$[E_h] = m^1 l^1 \left(\frac{l}{T}\right)^2$$

$$[E_h] = \frac{m l^{\eta+2}}{T^{-2}}$$

$$[E_h] = \frac{m l l}{T^{-2}}$$

$$[E_h] = m l \cdot \frac{l}{T^{-2}} \therefore E_h = mgh$$